Aplicação da Entropia de Transferência a Sinais EEG Durante Estimulação Térmica não Dolorosa

Márcia Ramos da Silva do Nascimento Programa de Engenharia Biomédica Universidade Federal do Rio de Janeiro Rio de Janeiro, Brasil ORCID: 0000-0002-1792-5355

Carlos Julio Tierra-Criollo Programa de Engenharia Biomédica Universidade Federal do Rio de Janeiro Rio de Janeiro, Brasil ORCID: 0000-0003-4880-9186 Rio de Janeiro, Brasil ORCID: 0000-0002-3630-9187 Maurício Cagy Programa de Engenharia Biomédica

Diana Carolina Santos Cuevas

Programa de Engenharia Biomédica

Universidade Federal do Rio de Janeiro

Maurício Cagy Programa de Engenharia Biomédica Universidade Federal do Rio de Janeiro Rio de Janeiro, Brasil ORCID: 0000-0002- 6488-842X

Resumo— A percepção da temperatura é importante pois permite ao corpo identificar estímulos térmicos externos para que uma resposta adequada seja iniciada. Estudos anteriores investigaram a atividade cortical usando estimulação térmica dolorosa ou próxima ao limiar de dor. Ainda não está claro como as áreas corticais interagem durante a estimulação térmica não dolorosa (quente, frio). Neste estudo, usou-se a entropia de transferência (uma medida de conectividade livre de modelo, eficaz e baseada na teoria da informação) para analisar a transferência de informações entre as regiões do cérebro durante a estimulação térmica não dolorosa. Os resultados mostram maior transferência de informação nos pares do hemisfério esquerdo (região contralateral) que no direito, apresentando diferença significativa entre Cz-C3 e Cz-C4 (p=0,0202) e robustez da entropia de transferência para identificar a direção do fluxo de informação.

Palavras-chave — Estimulação térmica, conectividade efetiva, entropia de transferência, EEG.

I. INTRODUÇÃO

A detecção de temperatura é importante para todos os animais, por permitir ao corpo identificar estímulos térmicos do mundo exterior para que uma resposta adequada seja iniciada [1][2]. A termossensibilidade cutânea (uma das modalidades sensoriais da pele) é mediada por uma variedade de fibras nervosas aferentes primárias que transduzem, codificam e transmitem informações térmicas provenientes dos termorreceptores ao córtex cerebral [2].

As publicações que investigam a atividade elétrica cortical têm utilizado estimulação térmica intensa (dolorosa ou próxima ao limiar de dor) e taxas de variação de temperatura elevadas [3][4]. A atividade cerebral eletroencefalográfica (EEG) em resposta à estimulação térmica não dolorosa tem sido pouco investigada.

A conectividade cerebral é definida como a interação entre as estruturas cerebrais e como estas influenciam ou são influenciadas uma pelas outras durante tarefas motoras, sensoriais ou cognitivas, sendo dividida em conectividade funcional (CF) e conectividade efetiva (CE). A CE refere-se especificamente à influência que um sistema neural exerce sobre outro, seja em um nível sináptico ou populacional. Ela é dinâmica (dependente da atividade) e depende de um modelo de interação ou acoplamento [5][6].

Na última década, muitos estudos tentaram elucidar os mecanismos de nível de rede das funções cerebrais usando medidas de conectividade [7][8]. O eletroencefalograma (EEG) é um dos sinais mais utilizados para a mensuração destes parâmetros [6]. O EEG mede diretamente a atividade neuronal e tem boa resolução temporal. Por estas razões, ele tem sido considerado como modalidade competitiva para caracterizar o fluxo de informação de todo o cérebro entre os sinais neuronais. Porém, o EEG apresenta algumas limitações metodológicas; entre elas, destaca-se o conhecido problema de condução de volume no EEG [6] [9], pelo qual sensores vizinhos captam um certo nível de atividade neuronal em comum (originárias de fontes próximas). Assim, qualquer métrica que se acredite ser capaz de quantificar com precisão a conectividade com base nos sinais de EEG deve cumprir alguns requisitos: deve ser capaz de detectar interações puramente não lineares, visto que, em todos os níveis da função cerebral, se observam fortes não-linearidades; deve ser robusta contra a condução de volume; deve detectar conectividade efetiva mesmo se houver uma ampla distribuição de atrasos de interação entre os dois sinais, porque a sinalização entre áreas do cérebro pode envolver múltiplas vias ou transmissão sobre vários axônios que conectam duas áreas e que variam em seus atrasos de condução; deve ser eficaz contra "conversa cruzada" linear entre sinais [7][9][10].

Por ser assimétrica e baseada em probabilidades de transição, a Entropia de Transferência (TE) incorpora naturalmente informação direcional e dinâmica. A principal conveniência da TE é que, em princípio, ela não assume qualquer modelo particular para a interação entre os dois sistemas de interesse [8][9][10], o que possibilita a detecção de algumas interações não lineares desconhecidas. A TE tem capacidade de lidar com uma variedade de atrasos de interação e apresenta robustez contra "conversas cruzadas" lineares [9].

O objetivo deste estudo é analisar os níveis de integração de diferentes regiões encefálicas (conectividade cerebral) por meio do estudo dos sinais de EEG durante estimulação somatossensitiva térmica, de frio e calor, não dolorosa usando a Entropia de Transferência (TE), tendo como hipótese que a variação de temperatura altera o fluxo de informação no córtex somatossensorial.

II. MATERIAIS E MÉTODOS

A. Participantes e Aquisição do EEG

A amostra do estudo foi constituída de 10 indivíduos saudáveis, destros, do sexo masculino, com idade de 21 a 50 anos (média de 32,3 e desvio-padrão de 11,4 anos). Os indivíduos foram incluídos no estudo seguindo os seguintes critérios de exclusão: apresentar alterações cognitivas; ter história prévia de lesão neurológica central ou periférica; estar em uso de medicamentos que influenciem a velocidade de condução nervosa ou exercer atividade ocupacional em ambientes com temperaturas extremas. Todos os voluntários assinaram um termo de consentimento livre e esclarecido de acordo com a aprovação do Comitê de Ética em pesquisa da Universidade Federal de Minas Gerais (CAAE - 0450.0.203.000-11).

Os sinais de EEG foram registrados pelo equipamento BrainNet BNT-36 (EMSA – Rio de Janeiro), com filtro passa-altas de 0,1 Hz e passa-baixas de 100 Hz, frequência de amostragem de 300 Hz e filtro notch de 60 Hz. Os eletrodos foram posicionados no couro cabeludo segundo o sistema internacional 10-20, utilizando-se de uma touca de tecido elástico (MedCap, do fabricante SPES Médica - Itália), específico para a realização de EEG. A referência foi biauricular e o eletrodo terra foi posicionado na testa. Também foi coletado o eletro-oculograma (EOG) para possível remoção de artefato.

O equipamento utilizado para a estimulação térmica foi o bioestimulador térmico [3]. Ele é um sistema computadorizado cuja principal função é o controle de temperatura da superfície de estimulação térmica, cujo elemento estimulador é um módulo de Peltier (thermode).

A entrada de sincronismo do equipamento BainNet (SINCRO) foi conectada à saída de sincronismo do Bioestimulador, cujo sinal correspondeu à informação da temperatura na pele (sensor S1). Desta forma, foi possível registrar simultaneamente o EEG e o sinal de estimulação térmica durante toda a coleta.

Os sinais de EEG foram filtrados com a faixa passante de 1 a 45 Hz, utilizando-se o filtro Butterworth de quarta ordem de forma direta e inversa. Foram divididos em épocas que passaram por uma etapa de rejeição de artefatos, na qual se comparou a amplitude do sinal de EEG com um limiar escolhido por inspeção visual. Após a aplicação da rejeição de artefatos, foram obtidos 90 conjuntos de épocas para cada uma das derivações em todos os voluntários.

Foram determinados os limiares de percepção ao calor e ao frio utilizando o instrumento virtual do método dos limites no Bioestimulador [3]. O limiar foi obtido pela percepção do voluntário ao estímulo, por meio do pressionamento de um botão. Foram aplicados 10 estímulos para a determinação de cada limiar em cada voluntário, e cada limiar foi calculado pela média aritmética. Durante esta etapa, os sinais EEG não foram registrados.

B. Procedimento Experimental

A coleta de dados teve uma duração de aproximadamente duas horas, composta pelas seguintes etapas consecutivas: (i) preparação do participante, (ii) aquisição do EEG espontâneo, (iii) determinação dos limiares de percepção ao calor e ao frio, e (iv) registro do sinal de EEG durante estimulação térmica.

O indivíduo foi posicionado em uma poltrona confortável, em um ambiente tranquilo, com temperatura controlada (25 \pm

1°C), iluminação reduzida, com o membro superior direito apoiado confortavelmente sobre o braço da poltrona orientado a se manter relaxado, de olhos abertos e com a fixação do olhar em um ponto marcado na parede à sua frente. Para o registro do sinal de EEG durante estimulação térmica, o estímulo foi aplicado no terço proximal da região interna do antebraço direito do voluntário com os seguintes parâmetros: temperatura máxima de calor 40° C; temperatura mínima de frio de 24° C; temperatura basal de 32° C. Os sinais de EEG foram adquiridos durante o estímulo térmico com a seguinte sequência (Fig. 1): Tr1 é um aquecimento moderado na faixa $(32^{\circ}$ C $\rightarrow 40^{\circ}$ C); Tr2, resfriamento $(40^{\circ}$ C $\rightarrow 32^{\circ}$ C); Tr3, intervalo estímulo temperatura basal $(32^{\circ}$ C); Tr4, resfriamento $(32^{\circ}$ C $\rightarrow 24^{\circ}$ C); Tr5, aquecimento até o valor basal $(24^{\circ}$ C $\rightarrow 32^{\circ}$ C); Tr6, intervalo temperatura basal $(32^{\circ}$ C).

Todos os segmentos Tr tiveram uma duração de aproximadamente 5 s ou 1500 amostras. A sequência completa do estímulo, denominada época, teve uma duração aproximada de 30 s. O número de estímulos foi de aproximadamente 140 e, a cada 15 min, incluíram-se intervalos de descanso de 3 min.

C. Transferência de Informação por TE

A entropia de transferência (TE) é uma medida teórica da informação proposta por Schreiber [11] para avaliar as probabilidades de transição condicional entre dois processos emparelhados que evoluem no tempo. Considerando-se duas séries temporais medidas simultaneamente, geradas por processos aleatórios X e Y, e assumindo que cada um desses processos ($X = x_t \ e \ Y = y_t$) pode ser aproximado por processos de Markov, Schreiber [11] propôs uma medida de causalidade para calcular o desvio da condição generalizada de Markov:

$$p(Y_{n+1}|y_n^{(l)}, x_n^{(k)}) = p(y_{n+1}|y_n^{(l)})$$
 (1)

onde $x_n^{(k)} = (x_n, x_{n-1}, \dots x_{n-k}), y_n^{(l)} = (y_n, y_{n-1}, \dots y_{n-l}), k$ e l são as ordens (memória) dos processos de Markov X e Y respectivamente. Observe que (1) é totalmente satisfeita quando as probabilidades ou dinâmicas de transição de Y são independentes do passado de X, isto é, na ausência de causalidade de X a Y. Para medir o afastamento dessa condição (isto é, a presença de causalidade), Schreiber [11] usa a entropia de Kullback entre as duas distribuições de probabilidade em cada lado de (1) para definir a entropia de transferência de X a Y como:

$$T_{(X \to Y)} = \sum p(Y_{n+1} | y_n^{(l)}, x_n^{(k)}) log\left(\frac{p(Y_{n+1} | y_n^{(l)}, x_n^{(k)})}{p(y_{n+1} | y_n^{(l)})}\right) (2)$$

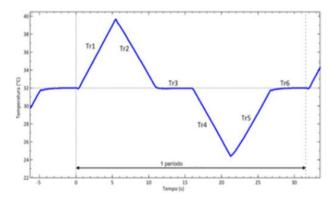


Fig. 1. Etapas da estimulação térmica.

A Equação (2) pode ser reescrita em termos de entropia diferencial, como a seguir:

$$\begin{split} T_{(X \to Y)} &= H \big(y_n^{(l)}, x_n^{(k)} \big) - H \big(Y_{n+1}, y_n^{(l)}, x_n^{(k)} \big) + \\ &\quad H \big(y_{n+1}, y_n^{(l)} \big) - H \big(y_n^{(l)} \big) \, (3) \end{split}$$

Observe que a TE é inerentemente assimétrica, ou seja: $T_{(X \to Y)} \neq T_{(Y \to X)}$. Além disso, quando os processos são mutuamente independentes, então: $T_{(X \to Y)} = T_{(Y \to X)} = 0$ [8].

O cálculo da TE foi realizado por TIM (versão 1.2.0) [12], que é uma biblioteca C++ de código aberto para a estimativa eficiente de medidas teóricas de informações a partir de séries de tempo com valor contínuo em dimensões arbitrárias que tem uma interface Matlab. TIM propõe o uso de um conjunto de estimadores de combinações de entropia. Dentre eles, o estimador para cálculo de entropia de transferência,

$$T_{y \to x} = -H_{WXY} + H_{WX} + H_{XY} - H_X,(4)$$

onde a variável aleatória $W = X_+ = x_{(n+1)}$ (o futuro de X) e, consequentemente, H_{WX} é a entropia diferencial de Shannon de $p(x_{(n+1)}, x_n)$.

Os valores de TE foram estimados pela abordagem dos k-vizinhos mais próximos, com k=4 como sugerido por Kraskov [13]. O atraso de incorporação (τ) foi determinado como o tempo de decaimento da função de autocorrelação [9][14], e a dimensão (d) foi determinada como descrito por Vicent et. al [10]. Como os atrasos na condução axonal entre áreas do cérebro têm variações, podendo chegar a dezenas de milissegundos [15], neste estudo, o tempo de previsão ("lag") foi definido como 1 amostra (3,33 ms). Isso foi determinado após uma busca em um conjunto de opções: 1 (3,33 ms), 3 (10 ms) e 6 (20 ms).

D. Sinais EEG de Interesse

No cérebro, as redes neurais ativadas por estímulos térmicos incluem o córtex sensório-motor primário bilateral, cingulado anterior, córtex frontal contralateral, núcleo lentiforme, córtex posterior da ínsula, tálamo ipsilateral, cerebelo, córtex pré-frontal e córtex anterior da ínsula [4]. Para reduzir a complexidade computacional, neste trabalho, foram escolhidas 5 derivações que são mais próximas das regiões mencionadas acima (C3, Cz, C4, P3, Pz e P4). Foram selecionados os segmentos Tr1 (aquecimento moderado na faixa de $32^{\circ}\text{C} \rightarrow 40^{\circ}\text{C}$) e Tr4 (resfriamento na faixa de $32^{\circ}\text{C} \rightarrow 24^{\circ}\text{C}$) de 80 épocas de cada voluntário. Cada trecho (Tr) teve uma duração de aproximadamente 5 s ou 1500 amostras.

E. Análise Estatística

Foram calculadas as médias de valores das estimativas de TE do Tr1 (trecho após o limiar de percepção ao calor) e do Tr4 (trecho após o limiar de percepção ao frio). Para obter a direção do fluxo de informação, foi calculada a diferença entre a média do valor de TE de cada par pela média do valor de TE do seu inverso (exemplo: $Cz\rightarrow C3$ - $C3\rightarrow Cz$) de cada voluntário. Foram usados teste Friedman e ANOVA bidirecional (com correção Turkey-Kramer e nível de significância $\alpha=0,05$) para investigar a diferença entre os pares de derivações dos hemisférios esquerdo e direito, entre os pares intra-hemisféricos esquerdo e entre calor e frio.

III. RESULTADOS

Foram selecionados os seguintes pares de derivações: Cz-C3, Cz-C4, Cz-P3, Cz-P4, Pz-C3, Pz-C4, Pz-P3, Pz-P4, C3-P3 e C4-P4. A Fig. 2 e a Fig. 3 mostram as médias das estimativas de TE do grupo de pares selecionados dos

voluntários. A Fig. 4 e a Fig. 5 apresentam a direção do fluxo de transferência de informações para o aquecimento e resfriamento, respectivamente.

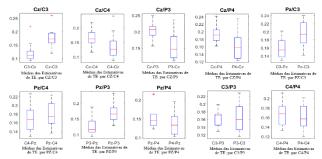


Fig. 2. Médias das estimativas de TE dos 10 voluntários (aquecimento).

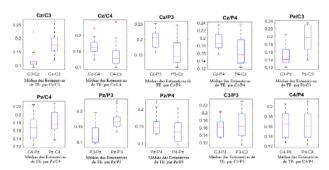


Fig. 3. Médias das estimativas de TE dos 10 voluntários (resfriamento).

O teste de Friedman não indicou diferenças significativas nas estimativas de TE durante a estimulação quente e fria em qualquer dos pares selecionados (p > 0.05).

Uma observação interessante é que o fluxo de informação dos pares de derivações do hemisfério esquerdo se mostrou maior que do hemisfério direito. A ANOVA bidirecional indicou diferença significativa entre os pares Cz-C3 e Cz-C4, Cz-C3 e Pz-C4, Cz-C3 e Pz-P4, Pz-P3 e Pz-C4 (Tabela 1).

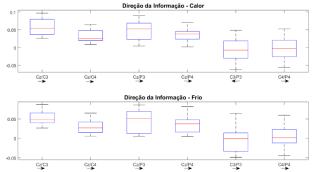


Fig. 4. Direção da Informação.

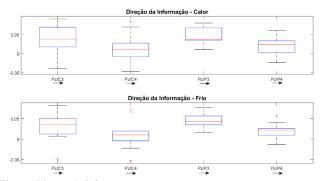


Fig. 5. Direção da Informação.

TABELA I. RESULTADOS DA ANOVA - VALOR P

Н.	Hemisfério Esquerdo			
Direito	Cz-C3	Cz-P3	Pz-C3	Pz-P3
Cz-C4	0,0202a	0,4213	0,9964	0,7256
Cz-P4	0,1482	0,5673	1	0,9781
Pz-C4	< 0,001	0,0014	0,0953	0,0080
Pz-P4	0.0021	0.0254	0.3518	0.0724

a. A cor de fundo azul indica que o valor p é menor que 0,05.

Para identificar diferenças significativas entre os pares do hemisfério esquerdo utilizou-se ANOVA bidirecional, cujos resultados mostraram diferença significativa entre os pares C3-P3 e Cz-C3, C3-P3 e Cz-P3, C3-P3 e Cz-P3 (Tabela 2).

TABELA II. RESULTADOS DA ANOVA

Pares do H.	
Esquerdo	Valor p
Cz-C3 / C3-P3	< 0,001 ^b
Cz-P3 / C3-P3	< 0,001
Pz-C3 / C3-P3	< 0,001
Pz-P3 / C3-P3	< 0,001
Cz-C3 / Cz-P3	0,9694
Cz-C3 / Pz-C3	0,3313
Cz-C3 / Pz-P3	0,8341
Cz-P3 / Pz-C3	0,7189
Cz-P3 / Pz-P3	0,9938
Pz-C3 / Pz-P3	0,9161

b. A cor de fundo azul indica que o valor p é menor que 0,05.

IV. DISCUSSÃO

Os resultados obtidos com a análise do padrão de transferência de informações na atividade elétrica cortical durante a estimulação térmica não dolorosa sugerem que:

- A ausência de diferenças significativas entre os valores das estimativas de TE durante a estimulação fria e quente podem indicar que a direção do fluxo de informações é semelhante para calor e frio. Já que redes neurais semelhantes podem processar entradas sensoriais somáticas quentes e fria [4].
- O fluxo de informação tem C3 como principal destino durante os estímulos de calor e de frio.
- A transferência de informação foi maior nos pares do hemisfério esquerdo (região contralateral) que no direito, apresentando diferença significativa entre Cz-C3 e Cz-C4. Isto sugere maior atividade do córtex somatossensorial contralateral, como esperado [15].
- Na comparação dos pares do hemisfério esquerdo, observa-se que a transferência de informação foi maior nos pares da derivação Cz (Cz-C3 e Cz-P3) do que nos demais. Tal achado evidencia maior atividade na região central. Isto é consistente com estudos anteriores que identificaram o córtex somatossensorial como uma das regiões do cérebro humano que respondem a mudanças na temperatura da pele [16] [17] [18].

Alguns estudos que analisaram a potência relativa e a coerência durante a estimulação térmica não dolorosa não

encontraram diferença significativa entre frio e calor em qualquer banda de frequência e em nenhum dos ritmos investigados [3] [4]. Esses achados estão de acordo com os resultados do presente estudo. A observação de padrões de EEG (potência relativa, coerência e TE) semelhantes durante a estimulação térmica não dolorosa (calor e frio) pode refletir o processamento cerebral comum de entradas somáticas quentes e frias.

Este estudo evidenciou maior atividade na região central (córtex somatossensorial parietal). Estudos usando tomografia por emissão de pósitrons (PET) evidenciaram que o córtex somatossensorial primário foi ativado tanto pelo resfriamento quanto pelo aquecimento (não doloroso) e, ao comparar essas duas condições com o estado termoneutro, identificaram regiões (no córtex somatossensorial parietal) ativadas semelhantes para resfriamento e aquecimento [16]. Estes estudos sugerem que, em vez de codificar para temperatura, essa região do cérebro fornece especificidade anatômica em relação à área de superfície na qual a temperatura é alterada.

A transferência de informação foi maior nos pares do hemisfério esquerdo sugerindo maior atividade do córtex somatossensorial contralateral. Estes resultados corroboram os estudos de [15], que registraram os potenciais evocados pelo aquecimento da região palmar esquerda e a amplitude da resposta foi maior na derivação C4 (contralateral), e os estudos de [4], em que a coerência do EEG nas atividades delta, alfa-1 e alfa-2 aumentou no hemisfério contralateral durante a estimulação térmica, em comparação com a linha de base.

V. CONCLUSÃO

Os resultados da análise da estimativa de TE durante a estimulação térmica não dolorosa evidenciou as alterações de fluxo de informação na região central contralateral ao estímulo aplicado, confirmando, portanto, a hipótese inicial do presente estudo

A semelhança na resposta cortical observada nas etapas correspondentes aos intervalos Tr1 (aquecimento) e Tr4 (resfriamento) podem sugerir que a ausência de um platô (antes de retornar à temperatura basal) e o período de 5 segundos é insuficiente para que diferenças significativas sejam observadas.

No futuro, estudos mais detalhados devem ser realizados com novos protocolos de estimulação térmica e técnicas de processamento de sinais de EEG que possibilitem identificar com maior clareza a atividade cortical resultante da estimulação térmica (quente e frio) não dolorosa.

AGRADECIMENTOS

Agradecemos à CAPES, ao CNPq e à FINEP pelo apoio financeiro, e a Denny Collina pela aquisição dos sinais.

REFERÊNCIAS

- C. D. Benham, M. J. Gunthorpe, e J. B. Davis, "TRPV channels as temperature sensors", Cell Calcium, vol. 33, no 5–6, p. 479–487, maio 2003, doi: 10.1016/S0143-4160(03)00063-0.
- [2] R. J. Schepers e M. Ringkamp, "Thermoreceptors and thermosensitive afferents", *Neuroscience & Biobehavioral Reviews*, vol. 34, n° 2, p. 177–184, fev. 2010, doi: 10.1016/j.neubiorev.2009.10.003.
- [3] D. D. Collina, "Quantificação de limiares térmicos em fibras finas", Universidade Federal de Minas Gerais, Belo Horizonte, Minas Gerais, 2012. [Online]. Disponível em: https://www.ppgee.ufmg.br/defesas/240D.PDF
- [4] P. F. Chang, L. Arendt-Nielsen, e A. C. N. Chen, "Comparative cerebral responses to non-painful warm vs. cold stimuli in man: EEG power spectra and coherence", *International Journal of Psychophysiology*, vol. 55, n° 1, p. 73–83, jan. 2005, doi: 10.1016/j.ijpsycho.2004.06.006.

- [5] K. J. Friston, "Functional and Effective Connectivity: A Review", Brain Connectivity, vol. 1, nº 1, p. 13–36, jan. 2011, doi: 10.1089/brain.2011.0008.
- [6] A. de S. T. Silva, "Estudo da conectividade funcional cerebral em sinais de eeg durante interação humano robô", Universidade Federal do Rio de Janeiro. Rio de Janeiro. RJ. 2016.
- [7] S. Ito, M. E. Hansen, R. Heiland, A. Lumsdaine, A. M. Litke, e J. M. Beggs, "Extending Transfer Entropy Improves Identification of Effective Connectivity in a Spiking Cortical Network Model", PLoS ONE, vol. 6, n° 11, p. e27431, nov. 2011, doi: 10.1371/journal.pone.0027431.
- [8] C.-S. Huang, N. R. Pal, C.-H. Chuang, e C.-T. Lin, "Identifying changes in EEG information transfer during drowsy driving by transfer entropy", Front Hum Neurosci, vol. 9, p. 570, 2015, doi: 10.3389/fnhum.2015.00570.
- [9] M. Yu, A. Hillebrand, A. A. Gouw, e C. J. Stam, "Horizontal visibility graph transfer entropy (HVG-TE): A novel metric to characterize directed connectivity in large-scale brain networks", NeuroImage, vol. 156, p. 249–264, ago. 2017, doi: 10.1016/j.neuroimage.2017.05.047.
- [10] R. Vicente, M. Wibral, M. Lindner, e G. Pipa, "Transfer entropy—a model-free measure of effective connectivity for the neurosciences", J Comput Neurosci, vol. 30, n° 1, p. 45–67, fev. 2011, doi: 10.1007/s10827-010-0262-3.
- [11] T. Schreiber, "Measuring Information Transfer", Phys. Rev. Lett., vol. 85, n° 2, p. 461–464, jul. 2000, doi: 10.1103/PhysRevLett.85.461.
- [12] G. Gómez-Herrero, W. Wu, K. Rutanen, M. Soriano, G. Pipa, e R. Vicente, "Assessing Coupling Dynamics from an Ensemble of Time

- Series", Entropy, vol. 17, nº 4, p. 1958–1970, abr. 2015, doi: 10.3390/e17041958.
- [13] A. Kraskov, H. Stögbauer, e P. Grassberger, "Estimating mutual information", Phys. Rev. E, vol. 69, nº 6, p. 066138, jun. 2004, doi: 10.1103/PhysRevE.69.066138.
- [14] L. Cao, "Practical method for determining the minimum embedding dimension of a scalar time series", Physica D: Nonlinear Phenomena, vol. 110, nº 1–2, p. 43–50, dez. 1997, doi: 10.1016/S0167-2789(97)00118-8.
- [15] A. B. Chatt e D. R. Kenshalo, "Cerebral evoked responses to skin warming recorded from human scalp", Exp Brain Res, vol. 28, n° 5, jul. 1977, doi: 10.1007/BF00236469.
- [16] G. F. Egan et al., "Cortical, thalamic, and hypothalamic responses to cooling and warming the skin in awake humans: A positron-emission tomography study", Proceedings of the National Academy of Sciences, vol. 102, no 14, p. 5262–5267, abr. 2005, doi: 10.1073/pnas.0409753102.
- [17] P. Bokiniec, N. Zampieri, G. R. Lewin, e J. F. Poulet, "The neural circuits of thermal perception", Current Opinion in Neurobiology, vol. 52, p. 98–106, out. 2018, doi: 10.1016/j.conb.2018.04.006.
- [18] Y. Aizawa, T. Harada, H. Nakata, M. Tsunakawa, N. Sadato, e K. Nagashima, "Assessment of brain mechanisms involved in the processes of thermal sensation, pleasantness/unpleasantness, and evaluation", IBRO Reports, vol. 6, p. 54–63, jun. 2019, doi: 10.1016/j.ibror.2019.01.003.